

1 Manipulation de chaînes de caractères

On rappelle quelques fonctions utiles agissant sur les chaînes de caractères. Dans tout ce qui suit, *s* est une chaîne de caractère.

- `s.rstrip()` renvoie la chaîne *s* dans laquelle on a supprimé tous les caractères de *white space* situés à la fin de la chaîne : `"toto \t \r \n\n".rstrip()` renvoie `"toto"`.
- `s.split(t)` renvoie une liste constituée des morceaux de *s* délimités par les occurrences de *t*. Sur des exemples :

```
>>> "12,27,34".split(",")
['12', '27', '34']
>>> "132 23 baba".split(" ")
['132', '23', 'baba']
>>> "132 ,23 baba".split(" ")
['132', ',23', 'baba']
```

- Si *liste* est une liste de chaînes de caractères, `s.join(liste)` renvoie la chaîne formée des éléments de *liste* mis bout à bout, avec une copie de *s* intercalé entre deux éléments de *liste* successifs :

```
>>> m = ["a", "bb", "ccc"]
>>> ".join(m)
'a bb ccc'
>>> ", ".join(m)
'a,bb,ccc'
>>> "XYZ".join(m)
'aXYZbbXYZccc'
>>> " ".join(m)
'abbccc'
```

On remarquera que `".join(liste)` renvoie la concaténation des éléments de *liste*.

- `int(s)` convertit une chaîne en entier (pour peu que ça ait un sens et `float(s)` la convertit en «flottant» (nombre à virgule).

EXERCICE 1

1. Écrire une fonction `somme_liste(l)` qui calcule la somme des éléments d'une liste.
2. Écrire une fonction `somme_chaine(s)` qui prend une chaîne comme `"12 3.2 17.5"` (des nombres contenant éventuellement un point comme séparateur décimal et séparés par un espace) et renvoie (dans ce cas) `32,7`.
3. Modifier cette fonction pour que l'on puisse spécifier le séparateur et pour qu'elle ignore les caractères «blancs» à la fin de la chaîne.

```
>>> somme_chaine("32.3,3,1.4\n", ",")
36.699999999999996
>>> somme_chaine("32.3 3 1.4", " ")
36.699999999999996
```

4. Écrire une fonction `affiche_matrice(M)` qui prend une matrice *M* sous forme de liste de listes et l'affiche de manière (à peu près) lisible. On ne cherchera pas à faire trop raffiné :

```
>>> M = [[1, 23, 10], [22, 1, -8.1]]
>>> affiche_matrice(M)
1 23 10
22 1 -8.1
```

suffit largement. On peut bien sûr aligner les colonnes, mais c'est plus compliqué et inintéressant.

```
>>> M = [[1, 23, 10], [22, 1, -8.1], [123, -1, 9], [1, 2, 19090801]]
>>> pprint_matrice(M)
 1 23      10
22  1     -8.1
123 -1      9
 1  2 19090801
```

2 Lecture d'un fichier

EXERCICE 2

1. Repérer le répertoire dans lequel se trouve votre fichier TD12.py.
2. Récupérer sur mon site (i.e. <http://bianquis.org>) le fichier premiers.txt et le sauvegarder dans le même répertoire.
3. Ouvrir le fichier premiers.txt à l'aide d'un éditeur de texte (le bloc-notes de Windows fera l'affaire, n'utilisez surtout pas un traitement de texte comme Word ou LibreOffice).
4. Observez la structure des informations : comment les données sont-elles séparées, à quelle ligne commencent-elles ?

EXERCICE 3

1. Calculer avec Python le nombre de lignes et le nombre de caractères du fichier premiers.txt.
2. Calculer la somme des nombres premiers inférieurs à 10^5 .
3. Calculer le nombre de nombres premiers inférieurs à 10 000.

EXERCICE 4

1. Créer une liste liste_premiers qui contient les nombres premiers inférieurs à 10^5 .
On doit donc avoir

```
liste_premiers[:10] = [2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29]
```

 et

```
liste_premiers[-10:] = [99877, 99881, 99901, 99907, 99923, 99929, 99961, 99971, 99989, 99991].
```
2. Créer une liste est_premier indexée de 0 à 10^5 exclu telle que est_premier[n] contienne True si n est premier, False sinon.
On doit donc avoir

```
est_premier[:10] = [False, False, True, True, False, True, False, True, False, False]
```

 et

```
est_premier[-10:] = [False, True, False, False, False, False, False, False, False, False].
```
3. En utilisant ces deux listes, écrire une fonction test_primalite(n) qui prend un entier n et renvoie True s'il est premier, False sinon. Cette fonction devra avoir le comportement suivant :
 - si $n < 10^5$, elle renvoie un résultat (correct) «immédiatement» ;
 - si $10^5 \leq n < 10^{10}$ elle renvoie un résultat (correct) en un temps raisonnable (ça devrait avoir l'air d'être instantané à l'œil nu) ;
 - si $n \geq 10^{10}$, elle renvoie False ou un message dans lequel elle avoue son ignorance.

EXERCICE 5

Théorème des nombres premiers

Pour $n \in \mathbb{N}$, on définit $\pi(n)$ comme le nombre de nombres premiers inférieurs ou égaux à n. On remarquera que, si $n > 0$, la quantité $\frac{\pi(n)}{n}$ représente la proportion des nombres de $\llbracket 1, n \rrbracket$ qui sont premiers.

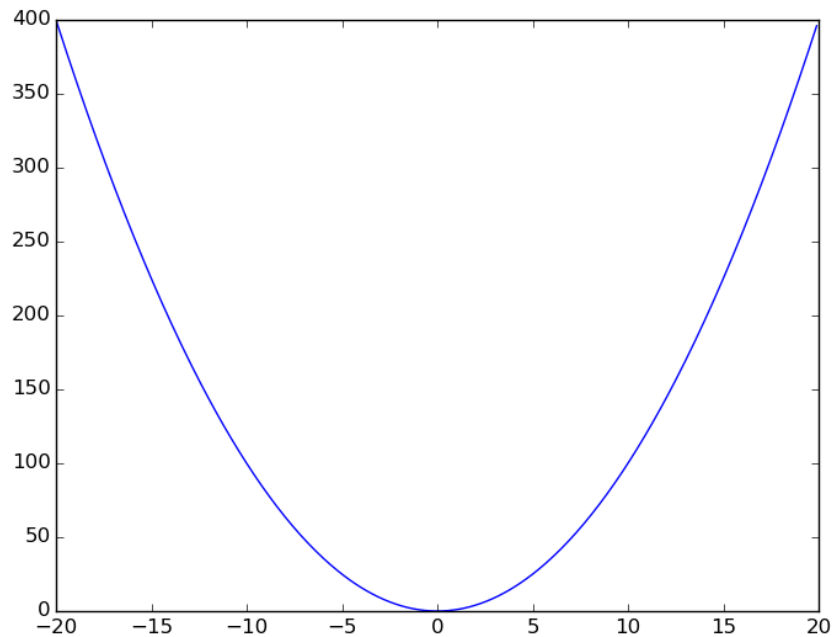
1. Calculer la liste pi de longueur 10^5 telle que pi[k] soit égal à $\pi(k)$. Attention, si vous recommencez le calcul depuis le début pour chaque k, cela va prendre longtemps...
2. Le théorème des nombres premiers affirme que $\frac{\pi(n)}{n} \underset{n \rightarrow +\infty}{\sim} \frac{1}{\ln n}$. Pour visualiser ce phénomène, on souhaite tracer la courbe des $\frac{\pi(n)}{n \ln n}$ pour n variant de 1 à 10^5 .
Pour cela, nous allons utiliser le module pyplot de la bibliothèque matplotlib. Pour y avoir accès (ainsi qu'à la fonction ln), il faut rajouter les lignes suivantes en entête de fichier :

```
import matplotlib.pyplot as plt
from math import log
```

On dispose ainsi d'une fonction `plt.plot(X, Y)` qui prend en entrée une liste `X` d'abscisses et une liste `Y` d'ordonnées (qui doivent être de même longueur) et trace la courbe reliant tous les points (x_i, y_i) . Par exemple :

```
X = [-20 + .1 * x for x in range(400)]
Y = [x**2 for x in X]
plt.plot(X, Y)
plt.show()
```

Les trois premières lignes créent le graphique, la quatrième l'affiche.



Faire afficher le graphique de la fonction $n \mapsto \frac{\pi(n) \ln n}{n}$ jusqu'à $n = 10^5$ (en prenant quelques centaines de points) :

